Научный совет РАН «Фундаментальные проблемы элементной базы информационно-вычислительных и управляющих систем и материалов для ее создания»

# Проблемы моделирования многомасштабных систем

Абгарян Каринэ Карленовна

д.ф.-м.н., зав.отделом «Математическое моделирование гетерогенных систем» Вычислительный центр

ФИЦ «Информатика и Управление» РАН

kristal83@mail.ru

Основная часть математических моделей, применяемых для изучения физических процессов и явлений предназначена для их описания в одном пространственно -временном масштабе. Исследования многомасштабных научных проблем, включающих в себя явления несопоставимых пространственных и/или временных масштабов невозможно без учета всех факторов, играющих ключевые роли в таких задачах.

В случаях, когда необходимо в рамках одной модели провести исследование многомасштабного физического процесса или явления возникает проблема соединить имеющиеся модели, что требует разработки теоретических основ их объединения.

Математическая технология многомасштабного моделирования позволяет объяснить многие явления и процессы в наноэлектронике, включая исследование структурных особенностей и свойств существующих материалов, а также получать качественно новые результаты в области предсказательного моделирования

#### Содержание

#### 1. Новые подходы к моделированию сложных многомасштабных систем:

#### Интеграция:

- Методы многомасштабного моделирования;
- Machine Learning;
- Знания в предметной области (базы знаний);

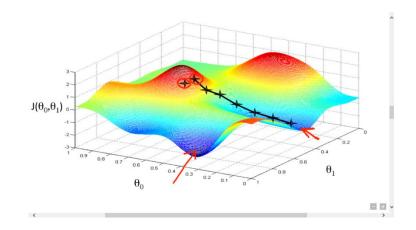
Реализация моделей на Высокопроизводительных программных комплексах.

- 2. Применение новых подходов к решению проблем в области моделирования элементной базы информационно-вычислительных и управляющих систем и материалов.
- 3. Наука, образовательная среда

Заключение

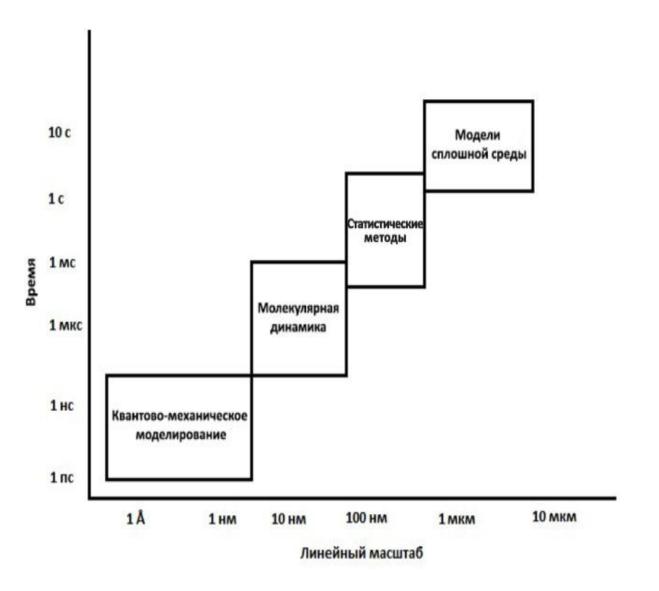
#### Интеграция многомасштабного моделирования и методов анализа больших данных

- •Стремительное развитие машинного обучения в качестве мощного метода интеграции данных с множественной точностью и выявление корреляций между взаимосвязанными явлениями дает возможность за ограниченное время находить решение сложных задач в разных предметных областях.
- •Технологии машинного обучения получили существенный импульс в развитии за последнее десятилетие. В настоящее время ведутся активные исследования в области применения алгоритмов машинного обучения в задачах материаловедения [\*].
- Однако, классические методы машинного обучения часто игнорируют фундаментальные законы физики, что приводит к некорректным задачам или нефизичным решениям.



•Сегодня можно говорить о том, что многомасштабное моделирование — это успешная стратегия интеграции мультимасштабных, многофизических данных, которая позволяет раскрыть механизмы, объясняющие появление функциональных зависимостей при изучении физических явлений и процессов

<sup>\*</sup>Mark A., Tepole A. B., Cannon W. R. et al. Integrating machine learning and multiscale modeling-perspectives, challenges, and opportunities in the biological, biomedical, and behavioral sciences // NPJ Digit Med., 2019. Vol. 2. Art. No. 115. P. 1–11. doi: 10.1038/s41746-019-0193-y



Применение технологии математического многомасштабного моделирования [\*,\*\*], согласно которой расчеты на каждом уровне проводятся с использованием соответствующих математических моделей и вычислительных алгоритмов, позволяет:

- •объяснить многие явления и свойства объектов, включая исследование структурных особенностей физических явлений и процессов на нескольких масштабах;
- •получать качественно новые результаты в области прогнозирования свойств новых объектов;
- •решать задачи оптимизации состава и структуры многомасштабных объектов, выстраивать взаимосвязи между структурой и свойствами, что дает возможность синтезировать композиционные структуры, обладающие заданным набором

<sup>\*</sup>Абгарян К.К. Информационная технология построения многомасштабных моделей в задачах вычислительного материаловедения.// «Издательство «Радиотехника», «Системы высокой доступности». 2018. т. 15. № 2. С.9-15.

<sup>\*\*</sup>Абгарян К.К. Многомасштабное моделирование в задачах структурного материаловедения. - М.: МАКС Пресс. 2017. 284 С. Монография

#### Интеграция многомасштабного моделирования и методов анализа больших данных.

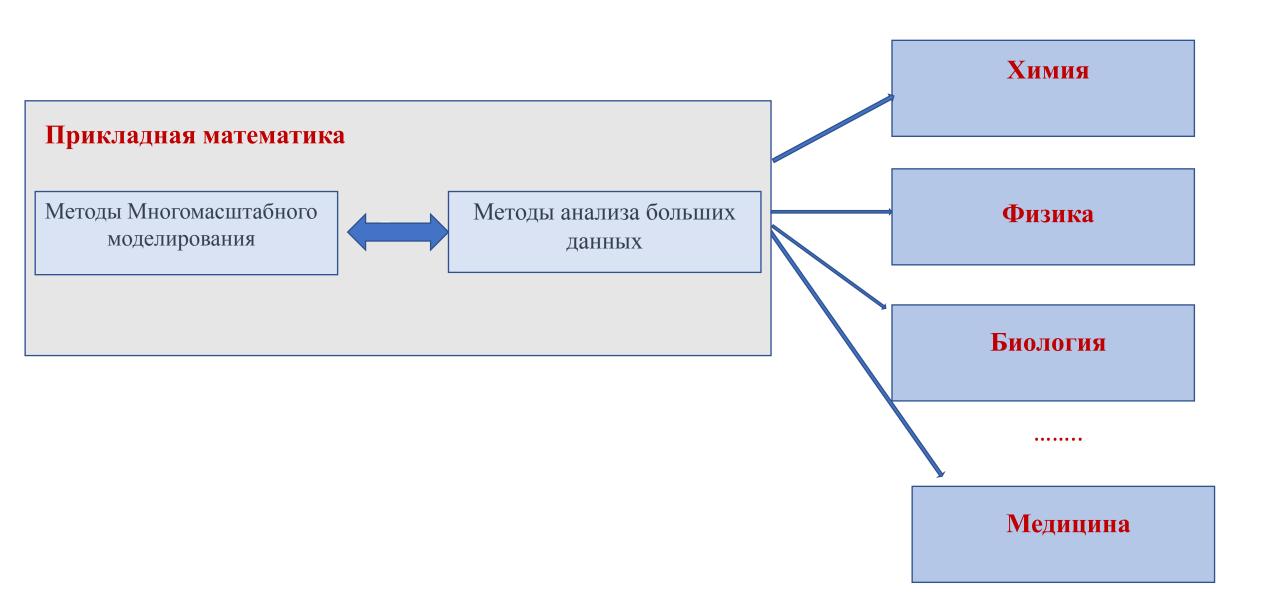
- •Одно многомасштабное моделирование часто не дает возможности эффективно комбинировать большие наборы данных из разных источников и с разных масштабных уровней.
- Машинное обучение и многомасштабное моделирование могут дополнять друг друга, создавая надежные прогностические модели, базирующиеся на подходах, основанных на теоретическом физикоматематическом моделировании с применением математического аппарата:
  - -обыкновенных дифференциальных уравнений;
  - уравнений в частных производных;
  - на методах анализа данных;

-...

- Для достижения поставленных целей используется опыт в предметных областях, в прикладной математике, информатике, вычислительном материаловедении, квантовой химии и другое.
- Междисциплинарный подход предполагает, что интеграция машинного обучения и многомасштабного моделирования может дать новое представление о механизмах создания новых материалов, процессов разработки новых лекарств, о причинах заболеваний, помочь в определении новых целей и стратегий лечения, а также в принятии решений на благо здоровья человека.

<sup>\*</sup>Alber, Mark, Buganza Tepole, Adrian, Cannon, William R., De, Suvranu, Dura-Bernal, Salvador, Garikipati, Krishna, Karniadakis, George E., Lytton, William W., Kuhl, Ellen, and Petzold, Linda. *Integrating machine learning and multiscale modeling—perspectives, challenges, and opportunities in the biological, biomedical, and behavioral sciences*. United States: N. p., 2019. Web. doi:10.1038/s41746-019-0193-y.

## Интеграция многомасштабного моделирования, методов анализа больших данных. Проблемы, перспективы, возможности



## **Концепция многомасштабного моделирования** Модельно-ориентированный подход к разработке программных систем

- -Физико-математическим моделям, отнесенным к соответствующим масштабным уровням, поставлены в соответствие информационные структуры базовые моделикомпозиции (композиционные объекты).
- -Для описания базовых моделей-композиций и технологии построения многомасштабных композиций используется теоретико-множественный аппарат [1-3], позволяющий передать вычислительную сущность соответствующих математических моделей (объединяет данные и методы их обработки).
- -Базовые модели-композиции, классифицированные с учетом масштабной иерархии, применяются для построения композиций и многомасштабных композиций вычислительных аналогов многомасштабных моделей.

<sup>[2]</sup>Павловский Ю.Н., Смирнова Т.Г. Введение в геометрическую теорию декомпозиции. М.: Фазис, ВЦ РАН, 2006. 169 с

#### Базовая модель-композиция

**Определение 1.** Под базовой моделью-композицией  $MC_i$  будем понимать однопараметрическое семейство основных множеств, задействованных в общем вычислительном процессе, разного структурного типа, включая данные (входные и выходные) и методы их обработки.

 $MC_{i}^{j} = <\left\{VX_{ij}, MA_{ij}, E_{ij}, \left\{MA_{ij}^{k}\right\}_{k=1}^{p}, \left\{E_{ij}^{k}\right\}_{k=1}^{p}\right\} >$ 

р - число элементарных процессов

 $VX_{ij} = \{V_{ij}, X_{ij}\}$  - множество данных, включая:  $-V_{ij}$  - множество входных данных (внешние характеристики модели);

 $-X_{ij}$  - множество выходных данных (фазовых переменных и данных – свойств модели);

 $MA_{ij}$  —множество методов обработки данных (модели и алгоритмы);

 $E_{ij}$  -множество событий, отнесенных к описанию выполняемых в рамках базовой модели-композиции процессов;

 $\left\{ MA_{ij}^{k}\right\} _{k=1}^{p}$ -множество реализаций моделей и алгоритмов в зависимости от процесса p.

 $\left\{ E_{ij}^{k} \right\}_{k=1}^{p}$  - множество реализаций событий по элементарным процессам.

#### Базовая модель-композиция

Представление в виде таблиц полностью описывает структуру модели-композиции и задает шаблон, который заполняется конкретными данными, моделями и алгоритмами при создании реальных экземпляров базовых моделей-композиций

Базовая модель-композиция « <b>НАЗВАНИЕ</b> » ( $MC_i^j$ )						
№ Название и обозначение множеств структурных элементов, подмножеств						
1	Множество данных $VX_{ij}$	$V_{ij}$ - множество входных данных				
		$X_{ij} = \{p_v, d_p\}$ —множество выходных данных(внутренние характеристики)	Фазовые переменные р <sub>v</sub> Данные свойства d <sub>p</sub>			
2.	Множество методов обработки данных (модели и алгоритмы): $MA_{ij} = \left\{M_{ij}, A_{ij}\right\} = \left\{s_{ij}, f_{ij}, \mathtt{a}_{ij}, \mathtt{a}_{i,i^*,j}\right\}$	$M_{ij}$ —множество моделей	$s_{ij}$ - статические $f_{ij}$ - динамические			
		$A_{ij}$ -множество алгоритмов	$\tilde{a}_{ij}$ - подмножество алгоритмов исп. только на $i$ -м уровне масштаба (локальные)			
			$\tilde{a}_{i,,i^*,j^-}$ подмножество алгоритмов исп. на нескольких уровнях $i,,i^*$ (универсальные)			
3.	Множество событий и реализаций событий по процессам $E_{ij}, \left\{E_{ij}^k\right\}_{k=1}^p$					
4.	Множество реализаций методов обработки данных $MA_{ij}^k = \left\{ MA_{ij}^k \right\}_{k=1}^p$					

#### Атомарный масштаб

#### Кристаллографический расчет



Первопринципное квантовомеханическое моделирование

Передаются координаты базисных атомов, соотношения метрических параметров, плотность упаковки

Теория функционала электронной плотности. Самосогласованные уравнения Кона-Шэма.

$$(-\frac{1}{2}\nabla^{2} + V_{eff}(\mathbf{r}) - \varepsilon_{i})\psi_{i}(\mathbf{r}) = 0$$

$$V_{eff} = \phi(\mathbf{r}) + \nu_{xc}(\mathbf{r}) \qquad \nu_{xc}(\mathbf{r}) \equiv \frac{\delta E_{xc}[\tilde{n}(\mathbf{r})]}{\delta \tilde{n}(\mathbf{r})} \Big|_{\tilde{n}(\mathbf{r}) = n(\mathbf{r})}$$

$$\phi(\mathbf{r}) = \nu(\mathbf{r}) + \int \frac{n(\mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} d\mathbf{r}$$

$$n(\mathbf{r}) = \sum_{i} |\psi_{i}(\mathbf{r})|^{2}$$

Расчет электронной плотности при заданной конфигурации атомов

Поиск атомной конфигурации, минимизирующей энергию

$$E = \sum_{i} \varepsilon_{i} + E_{xc}[n(\mathbf{r})] - \int v_{xc}(\mathbf{r})n(\mathbf{r})d\mathbf{r} - \frac{1}{2} \int \int \frac{n(\mathbf{r})n(\mathbf{r}')}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} d\mathbf{r} d\mathbf{r}' \qquad \text{min}$$

W.Kohn, L. J. Sham, Phys. Rev. 140, A1133, 1965. G. Kresse, J.Furthmuller. Phys. Rev. B 54, 11169 (1996) G. Kresse, D. Joubert. Phys. Rev. B **59**, 1758 (1999).

#### Методы молекулярной динамики

(методы, в которых временная эволюция системы взаимодействующих атомов или частиц отслеживается интегрированием их уравнений движения)

Движение частицы описывается системой уравнений:

$$\begin{cases} m_n \frac{du_n}{dt} = -\frac{\partial U_n^{(x)}}{\partial x_n}, \\ m_n \frac{dq_n}{dt} = -\frac{\partial U_n^{(y)}}{\partial y_n}, \\ m_n \frac{dw_n}{dt} = -\frac{\partial U_n^{(z)}}{\partial z_n}, \\ \frac{dx_n}{dt} = u_n, \frac{dy_n}{dt} = v_n, \frac{dz_n}{dt} = w_n \end{cases}$$



В векторном виде:

$$m_n \frac{d\mathbf{v}_n}{dt} = \mathbf{F}_n$$
 , где  $\mathbf{F}_n = \left(-\frac{\partial U^{(x)}}{\partial x_n}, -\frac{\partial U^{(y)}}{\partial y_n}, -\frac{\partial U^{(z)}}{\partial z_n}\right)$  — сила, действующая на частицу с номером  $n$ .  $\frac{d\mathbf{r}_n}{dt} = \mathbf{v}_n$ 

Для интегрирования уравнений движения взаимодействующих частиц используется метод скоростей Верле второго порядка точности:

$$r_n^{k+1} = r_n^k + \tau_k v_n^k - \frac{\tau_k^2}{2} \frac{\partial U_n^k}{\partial r_n^k}$$
$$v_n^{k+1} = v_n^k + \frac{\tau_k}{2} \left( \frac{\partial U_n^{k+1}}{\partial r_n^{k+1}} + \frac{\partial U_n^k}{\partial r_n^k} \right)$$

#### Базовые модели-композиции

№ уровня в работе	Обозначение и название базовой модели-композиции
0	$MC_0^1$ «ATOM $A_0^i$ »
1	$MC_1^1$ «КРИСТАЛЛОХИМИЧЕСКАЯ ФОРМУЛА» $MC_1^2$ «КВАНТОВО-МЕХАНИЧЕСКАЯ ЯЧЕЙКА»
2	$MC_2^1$ «АТОМНЫЙ КЛАСТЕР-СТАТИКА» $MC_2^2$ «АТОМНЫЙ КЛАСТЕР-ДИНАМИКА»
3	<i>МС</i> ³«НАНОРАЗМЕРНЫЙ СЛОЙ» <i>МС</i> ³«ГЕТЕРОИНТЕРФЕЙС» <i>МС</i> ³«ПРИПОВЕРХНОСТНЫЙ СЛОЙ»
4	$MC_4^1$ «СТАТИСТИЧЕСКИЙ АНСАМБЛЬ»
5	<i>MC</i> <sup>1</sup> <sub>5</sub> «ГЕТЕРОСТРУКТУРА»
6	$MC_6^1$ «ДИСКРЕТНО-ЭЛЕМЕНТНЫЙ КЛАСТЕР»
7	<i>МС</i> <sup>1</sup> «КОНТИНУАЛЬНОЕ ОПИСАНИЕ»

## Информационная поддержка интеграционной платформы многомасштабного моделирования

#### Основные принципы построения:

- •Доменное представление взаимосвязанных вычислительных, информационных и управляющих программных компонент;
- Формализация и унификация сценариев всех стадий вычислительных экспериментов.;
- •Гибридная технология, сочетающая разные типы баз данных документную и реляционную.

# Банк данных по материалам

#### Расчетные модули:

- 1. Моделирование кристаллических структур (модель ионноатомных радиусов, Полинга);
- 2. Первопринципное моделирование VASP;
- 3. Молекулярно-динамического моделирования;
- 4.Параметрическая идентификация потенциалов межатомного взаимодействия;
- 5. Расчет свойств полупроводниковой гетероструктуры;
- 6. Дискретно-элементное моделирование высокоскоростного взаимодействия твердых тел

. . . .

- Справочные данные
- Расчетные данные
- Экспериментальные данные

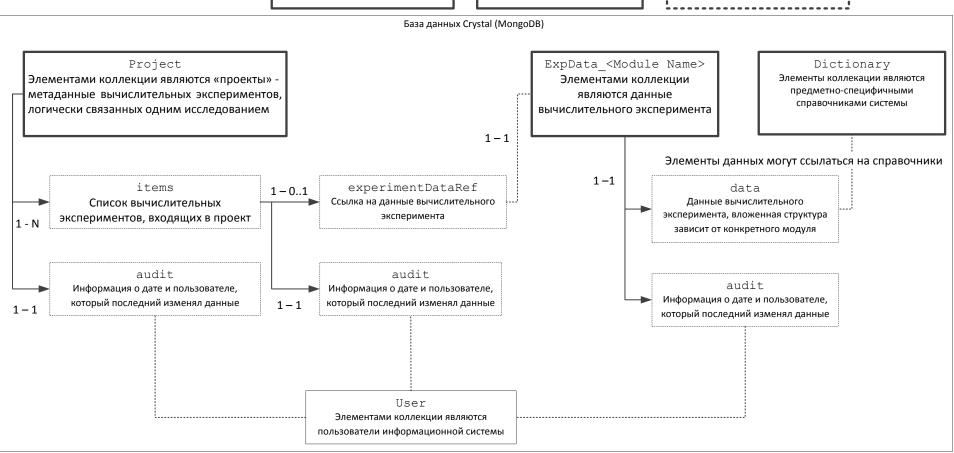
#### Схема хранения данных в документной БД

Схема хранения данных в документной БД

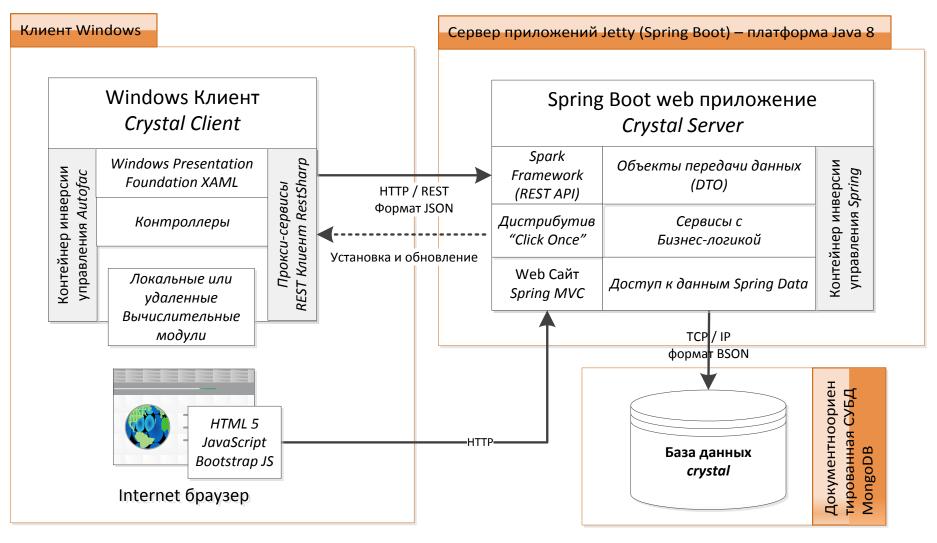
условные обозначения:

Коллекция с оперативными данными Коллекция со справочными данными

Объект, вложенный в документ коллекции



#### Архитектура интеграционной платформы



Кроссплатформенная, расширяемая интеграционная система, предназначенная для решения задач многомасштабного моделирования на высокопроизводительных программных комплексах

44

#### Содержание

- 1. Новые подходы к моделированию сложных многомасштабных систем:
- 2.Применение новых подходов к решению проблем в области моделирования элементной базы информационно-вычислительных и управляющих систем и материалов.
- Применение многомасштабного подхода и методов анализа данных для моделирования теплопроводности в слоистых структурах
- Многомасштабное моделирование нейроморфных систем
- 3. Наука, образовательная среда

Заключение

Для построения моделей теплопереноса в слоистых структурах свою эффективность показали методы на основе решения кинетического уравнения Больцмана для фононов. При наличии теплового градиента распределение фононов может быть описано с помощью кинетического уравнения Больцмана:

$$\frac{df}{dt} = \frac{df}{dt}(diffusion) + \frac{df}{dt}(scattering) = 0,$$
$$\frac{df}{dt}(diffusion) = \nabla T v \frac{df}{dT}.$$

Кинетическое уравнение Больцмана относится к сложным интегро-дифференциальным уравнениям. Для достаточно небольшого температурного градиента распределение фононов может быть выражено в приближении времени релаксации:

$$\frac{f - f_0}{\tau^0} = -\nabla T v \frac{df_0}{dT},$$

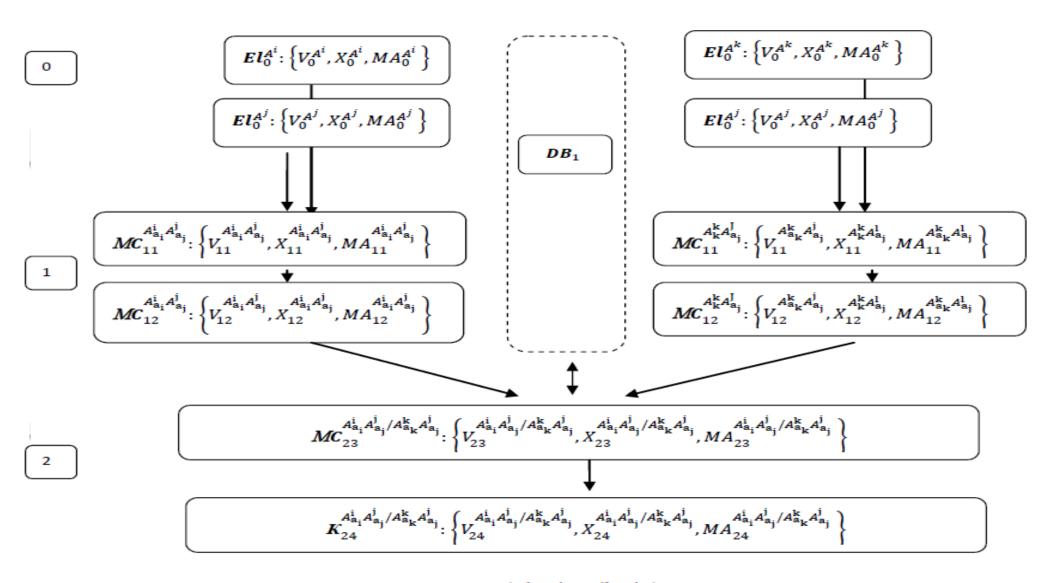
$$f_0(\omega,T) = \frac{1}{e^{\frac{\hbar\omega}{kT}}} - 1.$$

При этом одна из проблем при построении вычислительных алгоритмов связана с учетом рассеяния фононов. Однако во многих случаях при решении данного уравнения достаточно учитывать лишь приближения времени релаксации, что существенно упрощает задачу [\*].

\*Carrete J., Vermeersch B., Katre A., Roekeghem A., Wang T., Madsen G., Mingo N. AlmaBTE: a solver of the space-time dependent Boltzmann transport equation for phonons in structured materials // Comp. Phys. Commun., 2017. Vol. 220C. P. 351–362. doi: 10.1016/j.cpc.2017.06.023.

В такой постановке необходимо решит вопрос, связанный с расчетом данных по параметрам релаксации. Ранее они вычислялись полуэмпирически с учетом согласования модельных расчетов с результатами экспериментов. В связи с большой трудоемкостью подход в основном применялся для моделирования однокомпонентных структур (кремний, германий, ..). Значительный прорыв в данном вопросе произошел при комбинировании методов с использованием кинетического уравнения первопринципных квантово-механических расчетов (\*). При таком двухуровневом подходе, требуемые характеристики фононов получают не из аппроксимации экспериментадьных данных, а И3 первопринципных расчетов, что значительно повышает точность вычислений и открывает возможности эффективного предсказания свойств моделируемых материалов, минимизируя при этом различные допущения.

#### Многомасштабная композиция для расчета эффективного коэффициента теплопроводности наногетероструктуры



$$\pmb{MK}_{0,1,2}^{(A_{\mathsf{a}_{\mathsf{i}}}^{\mathsf{i}}A_{\mathsf{a}_{\mathsf{j}}}'/A_{\mathsf{a}_{\mathsf{k}}}^{\kappa}A_{\mathsf{a}_{\mathsf{j}}}')}$$

Для расчета эффективного коэффициента теплопроводности использовалась модель модального подавления [\*]:

$$\kappa(L) = \sum_{\lambda} S_{\lambda} C_{\lambda} ||v_{\lambda}|| \Lambda_{\lambda} \cos^{2}(\theta_{\lambda}).$$

Здесь 
$$S_{\lambda} = \frac{1}{1+2K_{\lambda}}$$
,  $\Lambda_{\lambda} = ||v_{\lambda}||\tau_{\lambda}^{0}$ ,  $K_{\lambda} = \frac{\Lambda_{\lambda}\lceil\cos(\theta_{\lambda})\rceil}{L}$ ,  $C_{\lambda} = \frac{k_{B}}{N\Omega}(\frac{\hbar\omega_{\lambda}}{k_{B}T})f_{0}(f_{0}+1)$ ,  $f_{0} = f_{0}(\omega_{\lambda},T)$ , а  $\theta_{\lambda}$ 

— угол между групповой скоростью  $v_{\lambda}$  фононной моды  $\lambda$  и осью теплопереноса.

В отсутствие температурного градиента и иных термодинамических сил система находится в тепловом равновесии и распределение фононов подчинено закону Бозе— Эйнштейна.

<sup>\*</sup>Muraki K., Fukatsu S., Shiraki Y., Ito R. Surface segregation of In atoms during molecular beam epitaxy and its influence on the energy levels in InGaAs/GaAs quantum wells // Applied Physics Letters, 1992. Vol. 61. Iss. 5. P. 557–559. doi: 10.1063/1.107835.

#### Формирование обучающей выборки

Обучающая выборка сформирована из результатов расчетов эффективного коэффициента теплопроводности в пакете Alma BTE с варьированием параметров.

R-параметр модели Мураки, отвечающий за послойное распределение материалов в периоде сверхрешетки варьировался от 0 до 0.9;

х-число монослоев первого материала (GaAs), варьировался от 1 до 20;

у- число монослоев второго материала (AlAs), варьировался от 1 до 20;

Т- температура окружающей среды, варьировалась от 100К до 500К;

L- толщина сверхрешетки от 1 нм до 100 мкм.

Были построены нейросетевые модели для расчета эффективного коэффициента теплопроводности для слоистых структур – сверхрешеток GaAs/AlAs с разными периодами слоев. Данные для обучения были сгенерированы в программном пакете AlmaBTE 1.3.2, параметры материалов получены из открытой базы данных проекта. Выборка формировалась для различных комбинаций содержания GaAs и AlAs, толщин пленок, периодов сверхрешетки. Полученный массив данных был разделен на 3 части: 60% для обучения нейросетей, 20% для валидации (во избежание переобучения) и 20% как тестовая выборка для оценки результирующей точности обученных моделей. Оптимизация нейросетей велась с использованием алгоритма RMSprop с шагом 0,0001 в среде Tensorflow 2.3.

# Многомасштабное моделирование работы многоуровневых элементов памяти и разработка программного обеспечения для создания нейроморфных сетей

#### Актуальность проблемы

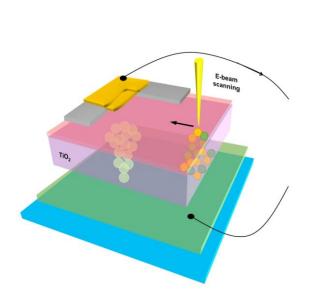
Нейроморфная компьютерная платформа:

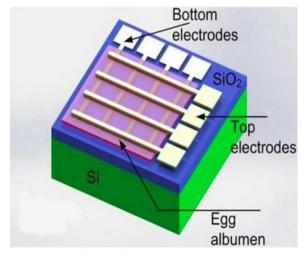
- основана на новых физических принципах,
- позволяет перейти к универсальной процессорной среде с:
  - интеграцией оперативной и долговременной памяти
  - достижением многоуровневых логических состояний

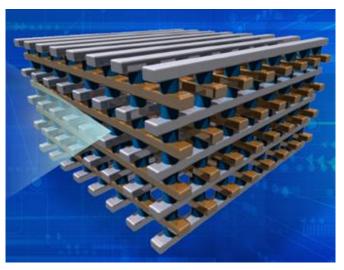
Для ее разработки необходимо создать альтернативную энергонезависимую память обладающую:

- высокой плотностью записи данных,
- низкой потребляемой мощностью,
- высокой надежностью,
- высокой скоростью переключения

Задача - разработка и создание элементной базы нового поколения вычислительной техники на основе структур типа металл-диэлектрик-(МДМ) металл резистивным переключением, включая быструю энергонезависимую память И искусственные синапсы ДЛЯ нейроморфных осуществления вычислений.







#### Необходимо:

- Подобрать оптимальные материалы для изготовления мемристоров
- Оценить функциональные характеристики его работы, не прибегая к экспериментам
- Оценить проблемы проектирования нейроморфных систем

Многомасштабная модель мемристора

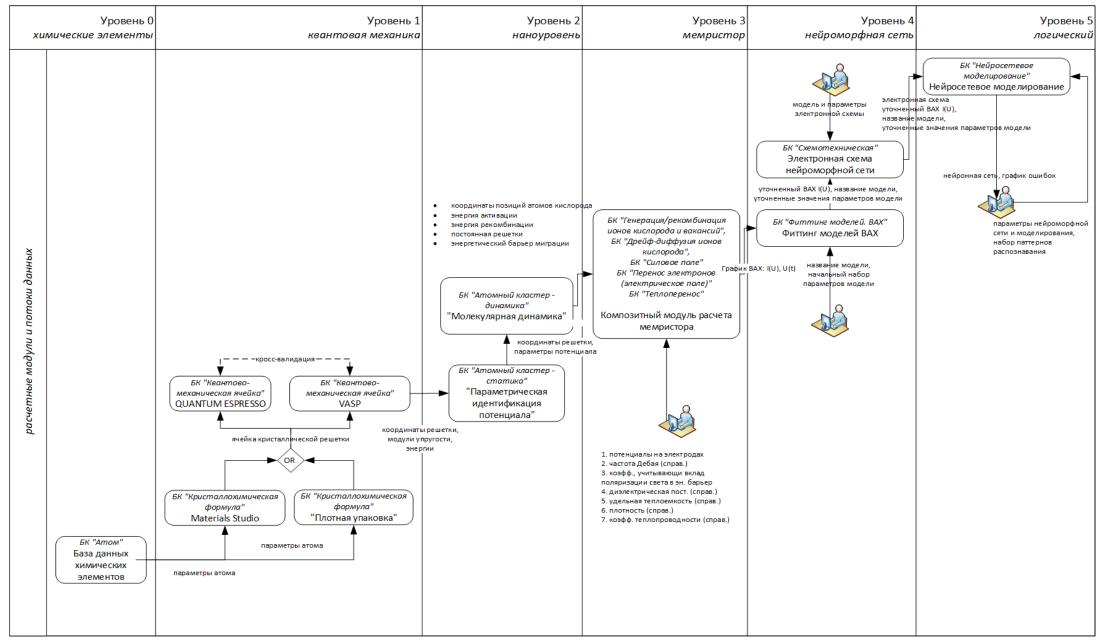
# Распределении базовых моделей-композиций по масштабным уровням

No масш. • уровня	Обозначение и название базовой модели- композиции	Название масштабного уровня
0	$\mathbf{M}\boldsymbol{c}_{1}$ «ATOM $Ai$ » 00	Уровень химич.элементов
1	М <b>с</b> ¹«КРИСТАЛЛОХИМИЧЕСКАЯ ФОРМУЛА» М <b>с</b> ²«КВАНТОВО-МЕХАНИЧЕСКАЯ ЯЧЕЙКА» 1	Квантово- механический уровень
2	М <b>с</b> 1 «АТОМНЫЙ КЛАСТЕР-СТАТИКА» 2 М <b>с</b> 2«АТОМНЫЙ КЛАСТЕР-ДИНАМИКА» 2	наноуровень
3	M <i>C</i> 1«Модель генерации/рекомбинации ионов 3 кислорода и кислородных вакансий (GR-model)» $M$ <i>C</i> 2«Модель дрейфа-диффузии ионов кислорода (DD-model)» $M$ <i>C</i> 3 «Модель силового поля (E-model)» $M$ <i>C</i> 4 «Модель переноса электронов 3 (Электрического тока) (J-model)» $M$ <i>C</i> 5 «Модель теплопереноса (HT-model)» $M$ <i>C</i> 5 «Модель теплопереноса (HT-model)» $M$	Уровень элемента резистивной памяти (мемристора)
4	$\mathbf{M}\textbf{\textit{C}}$ - «Фитинг моделей $\mathbf{B}\mathbf{A}\mathbf{X}$ » <b>24</b> $\mathbf{M}\textbf{\textit{C}}4$ «схемотехническое представление»	Уровень формирования нейроморфной сети
5	$\mathbf{M}  extbf{\emph{C}}$ - «Нейросетевое моделирование». Обучение по прецендентам 5	Логический уровень

## Интеграционная платформа для многомасштабного моделирования нейроморфной сети (ИПММ)

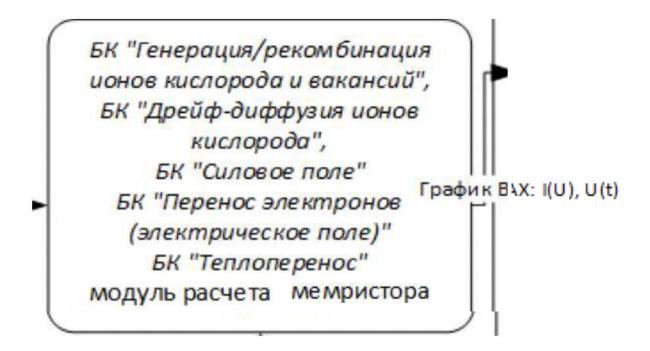
- ИПММ объединяет информационные потоки на различных масштабных уровнях :
- квантово-механическом,
- наноуровне,
- элементов резистивной памяти,
- нейроморфной сети,
- имитации обучения нейроморфной сети по прецедентам.

#### Интеграционная платформа для многомасштабного моделирования нейроморфных систем

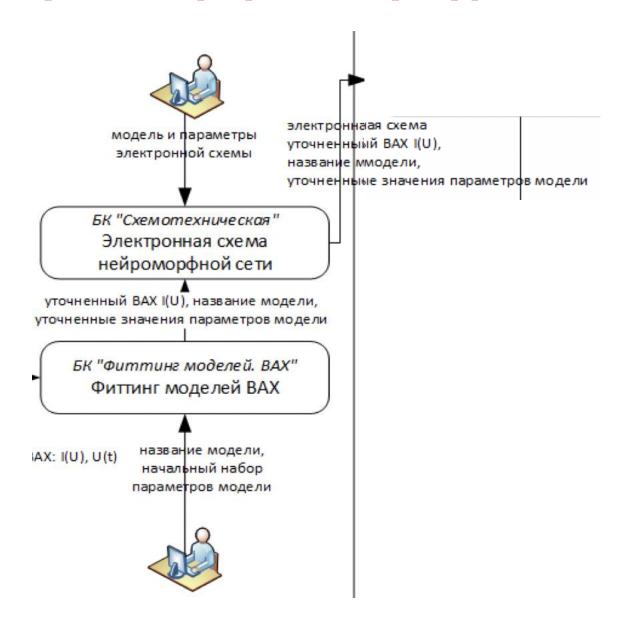


Абгарян К.К., Гаврилов Е.С. Интеграционная платформа для многомасштабного моделирования нейроморфных систем// Информатика и ее применение. 2020. №2, стр. 104-111.

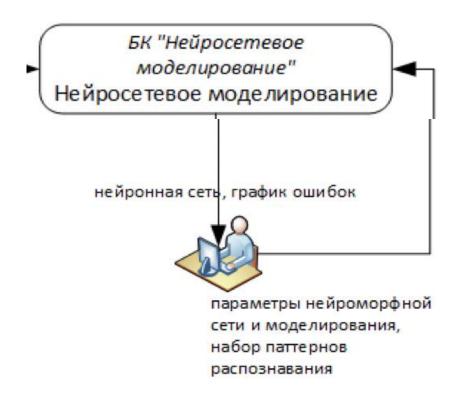
# Уровень 3. Композиция для расчета свойств мемристора $K_3^{3,1;3,2;3,3;3,4;3,5}$



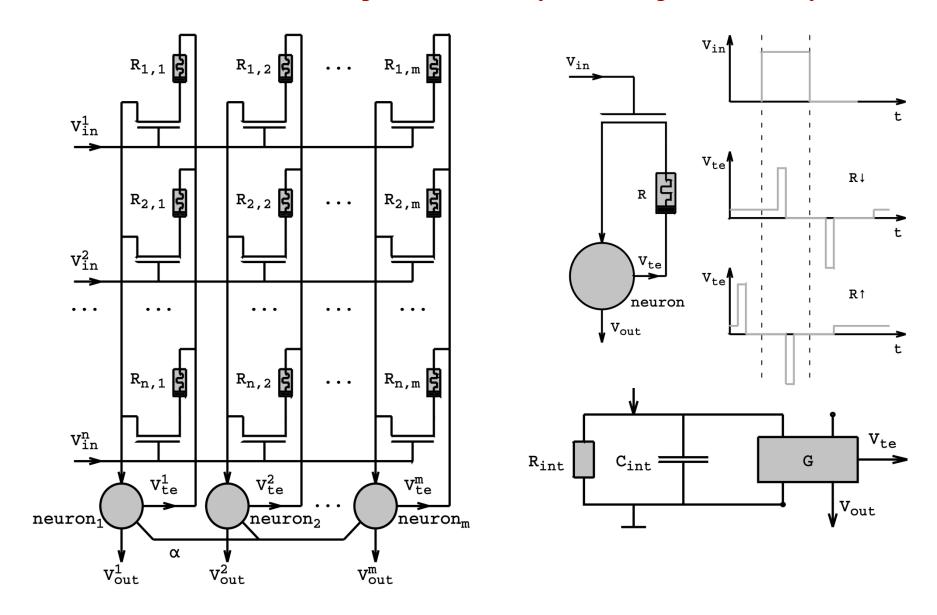
#### Уровень 4. Формирование нейроморфной сети



#### Уровень 5. Логический

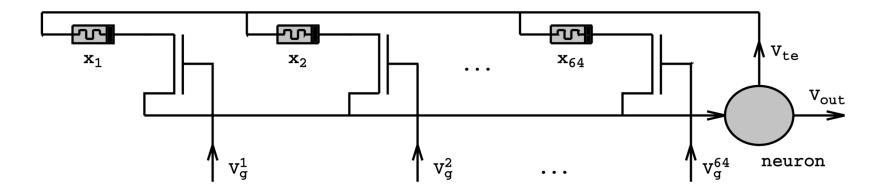


#### Схемотехническая реализация. Функционирование и обучение

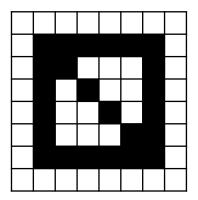


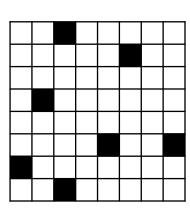
#### Результаты моделирования

Один нейрон

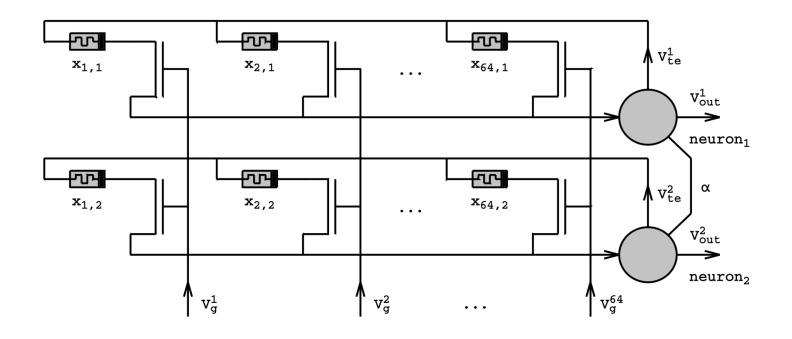


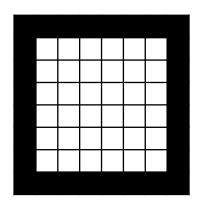
На вход подается с равной вероятностью паттерн или произвольный шум:

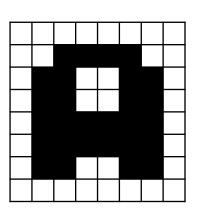


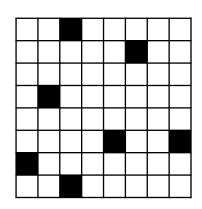


# **Результаты моделирования** Два нейрона



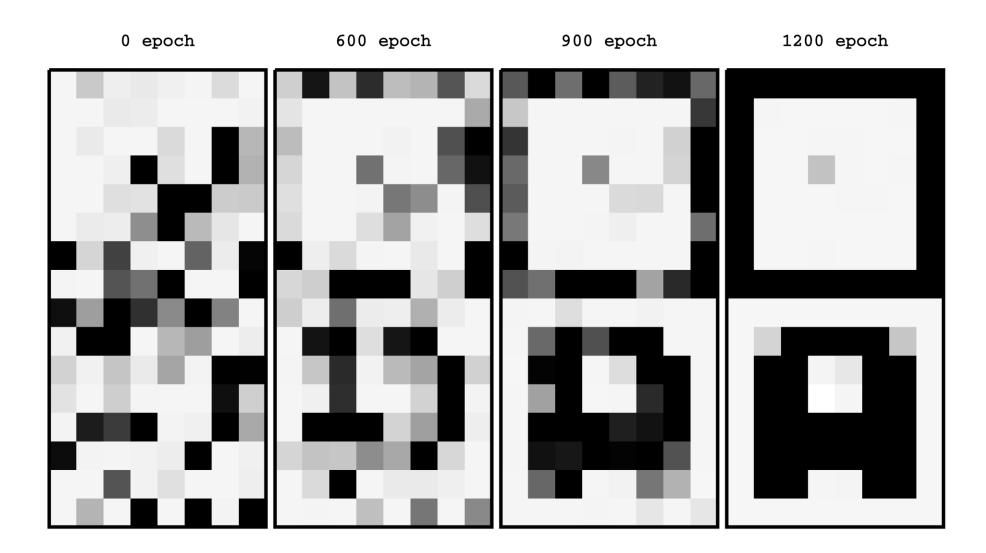






#### Результаты моделирования

Изменение весов



#### Содержание

- 1. Новые подходы к моделированию сложных многомасштабных систем:
- 2.Применение новых подходов к решению проблем в области моделирования элементной базы информационно-вычислительных и управляющих систем и материалов.
- Применение многомасштабного подхода и методов анализа данных для моделирования теплопроводности в слоистых структурах
- Многомасштабное моделирование нейроморфных систем
- 3. Наука, образовательная среда

Заключение







Вычислительный центр имени А.А.Дородницына в составе ФИЦ «Информатика и управление» РАН, отдел «Математическое моделирование гетерогенных систем». <a href="http://www.ccas.ru">http://www.ccas.ru</a>

Базовая кафедра ФИЦ ИУ РАН в МАИ «Информационные технологии в моделировании и управлении». <a href="https://810b.mai.moscow">https://810b.mai.moscow</a>

Магистерская программа ВМК МГУ «Многомасштабное моделирование и методы анализа данных в естественнонаучных исследованиях».

 $\underline{http://master.cmc.msu.ru/files/data\%\,20 analysis.pdf}$ 

II Международная конференция «Математическое моделирование в материаловедении электронных компонентов» ( МММЭК 2020).

https://mmhs.frccsc.ru/conferences/mmmsec2020/index.html

#### Заключение

Переход к цифровому моделированию многомасштабных систем, за счет

интеграции, методов многомасштабного моделирования,

Machine Learning,

знаний в предметной области (создание баз знаний) и

*использования* высокопроизводительных вычислительных ресурсов гибридной архитектуры

даст возможность квалифицированным специалистам в дальнейшем перейти от разработки человеко-машинных систем к созданию Интеллектуальных систем.

### Спасибо за внимание!